

III [ФР] 09-М-01

участника муниципального этапа  
всероссийской олимпиады школьников по  
математике в 2020-2021 учебном году  
**Внимание!** Шифровать следует каждую  
страницу Вашей письменной работы.

Ф. И. О. учащегося (в имен. падеже)

Иванова

Виктории

Степановна

Дата

рождения 18.10.05

Образовательное учреждение (полное  
название)

УАОУ № 5 "Кинешма"

Город, село

город Кинешма

Район

Класс

9г

Ф. И. О. учителя (полностью)

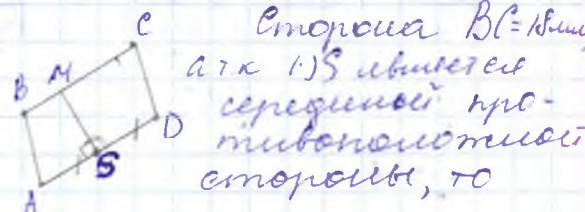
Степанова

Маргарита

Олеговна

09-11-01  
4. В параллелограмме противоположные стороны равны и параллельны.

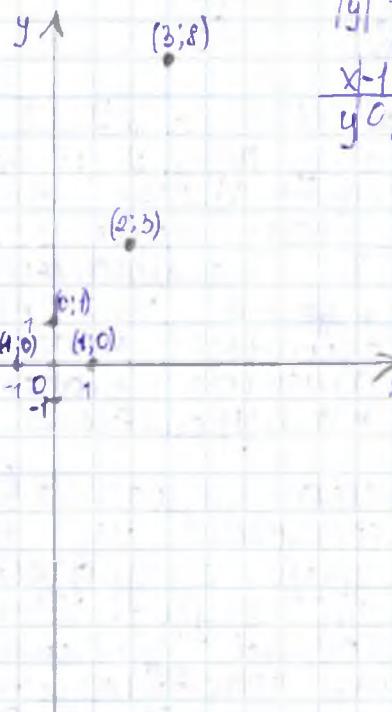
145



66

$AS = SD$  (ч.п.). И проведена перпендикуляр от  $MS$  на сторону  $BC$ ; и  $SM = 1$  см.  $\Rightarrow$  расстояние между любыми паралл. на сторонах  $BC$  и  $AD$  будет равняться 9 см. Т.к.  $MS$  откладывается  $AD$  параллельно стороне  $BC$ . далее опускаем еще две стороны  $BA$  и  $CD$  от начи и получим  $BC$  и  $AD$  (от  $(-)B$  к  $(-)A$ ; от  $(-)C$  к  $(-)D$ )  $\Rightarrow BA \parallel CD$  и  $BC \parallel AD$  равны и параллельны.

3.



$$|y| = |1 - x^2|$$

$$\begin{array}{r|rrrr} x-1 & 1 & 2 & 3 & 0 \\ \hline y & 0 & 3 & 8 & 1 \end{array}$$

05

$$2. \frac{1}{x^2+1} + \frac{1}{y^2+1} = \frac{2}{xy+1} \quad x \neq y.$$

$$\frac{1}{x^2+1} + \frac{1}{y^2+1} + \frac{2}{xy+1} = \frac{2}{xy+1} + \frac{2}{xy+1} = \frac{4}{xy+1}$$

$$xy+1 > 0 \quad xy \neq 0$$

$$xy > -1$$

05

т.к. знаменатель  $xy+1$  должен быть больше 4 (если  $xy+1=2$ ; но  $xy=1$ , а  $x \neq y$ )  $\Rightarrow$

$$xy=3, \text{ тогда либо } x \text{ либо } y=1, \text{ тогда } \frac{4}{4}=1.$$

Сумма может принимать любые значения от 1 и выше.

$$1. \underbrace{11\dots 1}_{2020 \text{ цифр}} \cdot \underbrace{22\dots 2}_{2020 \text{ цифр}} - \underbrace{33\dots 3}_{2020 \text{ цифр}} =$$

три одинаковых 11...1 на 22...2, число 22...2 будет скакивать на четверть 2 и начнется тоже. такое количество цифр станет седьмой или 2020.  $\Rightarrow$  при вычитании 33...3 получим число 7. т.к. натуральное число, это число от  $1 \dots 9$ , но при  $11\dots 122\dots 2 - 33\dots 3$  получаем натуральное число, то 6 единиц в выражении значение является квадратом натурального числа.

25

3. Необходимо представить, что кипарис состоит из 6 человек, в которых все друг в друге группами у каждого есть 10 друзей. Тогда каждого человека с любым другим имеетально 4 общих друга. Следовательно у каждого есть этой компанией есть 5 друзей, и если

5 друзей не находятся в его компании  
и не с кем не знакомы. Аналогично  
со всеми другими в компании. Но т.к.  
мы не можем точно утверждать что  
каждый в компании имеет хотя бы 5 друзей  
то это не возможно.

65